

قسمة كثيرات الحدود

دليل المعلم وإجابات نموذجية

الفصل 1 | الوحدة 2 | صفحات الكتاب 10-13 | زمن مقترح: 50 دقيقة | الدرجة: 20



أهداف التعلم

- يشرح الطالب «القسمة المطولة» ويطبقه مع الشروط والتبرير.
- يشرح الطالب «هوية القسمة» ويطبقه مع الشروط والتبرير.
- يشرح الطالب «القوى المفقودة» ويطبقه مع الشروط والتبرير.

ملخص سريع

القسمة المطولة	تلغي القسمة المطولة الحد الرئيس في كل دورة حتى تنخفض درجة الباقي.
هوية القسمة	إذا كان A هو المقسوم و B غير صفري فإن $A=BQ+R$ ودرجة R أصغر من درجة B .
القوى المفقودة	المعامل الصفري يحفظ المحاذاة عندما تغيب قوة من كثيرة الحدود.

مثال محلول

أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + x + 2$ على $x - 2$. الحل الموجه: بالتعويض $x=2$ نحصل على $P(2)=8$ ، وهو الباقي.

التدريب المتدرج

أجب من دون الرجوع إلى الحل. أظهر خطواتك في أسئلة الاستجابة القصيرة.

1. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + x + 2$ على $x - 2$. [1 درجات]

أ -8
ج 8

ب 10
د 5

الإجابة: 8

بالتعويض $x=2$ نحصل على $P(2)=8$ ، وهو الباقي.

2. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + x - 22$ على $x - 5$. [1 درجات]

أ 8
ج 13

ب -8
د 2

الإجابة: 8

بالتعويض $x=5$ نحصل على $P(5)=8$ ، وهو الباقي.

3. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + 3x - 2$ على $x - 1$. [1 درجات]

أ -2
ج 2

ب 3
د $2 + 1$

الإجابة: 2

بالتعويض $x=1$ نحصل على $P(1)=2$ ، وهو الباقي.

4. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + x - 7$ على $x - 3$. [1 درجات]

أ 5
ج 8

ب -5
د 1

الإجابة: 5

بالتعويض $x=3$ نحصل على $P(3)=5$ ، وهو الباقي.

5. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + 5x + 1$ على $x - 1$. [1 درجات]

أ -7
ج 7

ب 8
د 1

الإجابة: 7

بالتعويض $x=1$ نحصل على $P(1)=7$ ، وهو الباقي.

6. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + 2x - 23$ على $4 - x$ [درجات]

أ 1

ب -1

ج 5

د -5

الإجابة: 1

بالتعويض $x=4$ نحصل على $P(4)=1$ ، وهو الباقي.

7. صواب أم خطأ: تلغي القسمة المطولة الحد الرئيس في كل دورة حتى تنخفض درجة الباقي [1]. [درجات]

☐ صواب ☐ خطأ

الإجابة: صواب

صواب. تلغي القسمة المطولة الحد الرئيس في كل دورة حتى تنخفض درجة الباقي.

8. صواب أم خطأ: السماح للباقي بدرجة تساوي درجة المقسوم عليه [1]. [درجات]

☐ صواب ☐ خطأ

الإجابة: خطأ

خطأ. إذا كان A هو المقسوم و B غير صفري فإن $A=BQ+R$ ودرجة R أصغر من درجة B .

9. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + x + 4$ على $1 - x$ اكتب طريقة كاملة ومبررة [3]. [درجات]

الإجابة: 6

بالتعويض $x=1$ نحصل على $P(1)=6$ ، وهو الباقي.

التوزيع: طريقة صحيحة 1 | تعويض أو حساب صحيح 1 | نتيجة واضحة ومراجعة 1

10. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + x - 16$ على $3 - x$ اكتب طريقة كاملة ومبررة [3]. [درجات]

الإجابة: -4

بالتعويض $x=3$ نحصل على $P(3)=-4$ ، وهو الباقي.

التوزيع: طريقة صحيحة 1 | تعويض أو حساب صحيح 1 | نتيجة واضحة ومراجعة 1

11. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 - x - 4$ على $3 - x$ اكتب طريقة كاملة ومبررة [3]. [درجات]

الإجابة: 2

بالتعويض $x=3$ نحصل على $P(3)=2$ ، وهو الباقي.

التوزيع: طريقة صحيحة 1 | تعويض أو حساب صحيح 1 | نتيجة واضحة ومراجعة 1

12. أوجد باقي قسمة $P(x) = x^2 + 3x - 1$ على $x - 1$. اكتب طريقة كاملة ومبررة [3] . درجات

الإجابة: 3

بالتعويض $x=1$ نحصل على $P(1)=3$ ، وهو الباقي.

التوزيع: طريقة صحيحة 1 | تعويض أو حساب صحيح 1 | نتيجة واضحة ومراجعة 1

التحدي والمراجعة

1. اكتب هوية القسمة لكثيرات الحدود، وبين شرط درجة الباقي.

إذا كان B غير صفري فإن $A=BQ+R$ ، مع $\deg(R)<\deg(B)$.

2. كون كثيرة حدود بها قوة مفقودة، ثم اشرح كيف تجهزها للقسمة المطولة.

تقبل كثيرة حدود صحيحة؛ يجب إدخال معامل صفري للقوة المفقودة قبل المحاذاة والقسمة.

3. اكتشف الخطأ: كتب طالب $A=Q+BR$ فسر الخطأ واكتب الهوية الصحيحة.

الخطأ هو تبديل موضعي المقسوم عليه والباقي؛ الهوية الصحيحة $A=BQ+R$.

خطة المتابعة

إذا كانت الدرجة أقل من 14/20: راجع هوية القسمة وترتيب القوى، ثم أعد الأسئلة 1-4 و 9. إذا كانت 14 أو أكثر: انتقل إلى تحدي الوحدة الإلكتروني.