

أساسيات الهندسة الإحداثية

ورقة شرح وتدريب قابلة للطباعة

الفصل 4 | الوحدة 15 | صفحات الكتاب 153-164 | زمن مقترح: 50 دقيقة | الدرجة: 20



التاريخ: _____ الفصل: _____ الاسم: _____

أهداف التعلم

- يشرح الطالب «التقسيم الموجه على خط الأعداد» ويطبقه مع الشروط والتبرير.
- يشرح الطالب «المسافة بين نقطتين» ويطبقه مع الشروط والتبرير.
- يشرح الطالب «صيغة التقسيم» ويطبقه مع الشروط والتبرير.

ملخص سريع

يحدد التقسيم الداخلي والخارجي نقطة بالنسبة إلى طرفين ونسبة موجهة.	التقسيم الموجه على خط الأعداد
المسافة هي $\sqrt{(x_2-x_1)^2+(y_2-y_1)^2}$.	المسافة بين نقطتين
النقطة التي تقسم AB داخليا بنسبة m:n متوسط موزون لإحداثيي الطرفين.	صيغة التقسيم

مثال محلول

لنقطتين A(1,-2) و B(5,1): المسافة $AB=\sqrt{[(5-1)^2+(1-(-2))^2]}=\sqrt{25}=5$.

التدريب المتدرج

أجب من دون الرجوع إلى الحل. أظهر خطواتك في أسئلة الاستجابة القصيرة.

1. على خط الأعداد، تقسم P القطعة من $A=2$ إلى $B=10$ داخليا بحيث $AP:PB=1:3$. فما إحداثي P ؟ [1 درجات]

3

أ

4

ب

6

ج

8

د

2. تقع النقطة $(-3,4)$ في أي ربع؟ وما صورتها بالانعكاس في محور x ؟ [1 درجات]

(3,4)، الأول

أ

الثاني، $(-3,-4)$

ب

(3,-4)، الثالث

ج

الرابع، $(-3,4)$

د

3. أوجد المسافة بين $A(1,-2)$ و $B(5,1)$. [1 درجات]

3

أ

4

ب

5

ج

7

د

4. ما محل النقاط المتساوية البعد عن $A(-2,0)$ و $B(2,0)$ ؟ [1 درجات]

محور x

أ

محور y ، أي $x=0$

ب

المستقيم $y=2$

ج

الدائرة $x^2+y^2=4$

د

5. تقسم P القطعة $A(1,2)B(7,8)$ داخليا بنسبة $AP:PB=2:1$. فما P ؟ [1 درجات]

 $P(3,4)$

أ

 $P(4,5)$

ب

 $P(5,6)$

ج

 $P(6,7)$

د

6. إذا كان $M(1,2)$ منتصف AB ، $A(-3,5)$ ، فما إحداثي B ؟ [1 درجات]

 $B(-1,3)$

أ

 $B(4,-3)$

ب

 $B(5,-1)$

ج

 $B(2,-5)$

د

7. صواب أم خطأ: الانعكاس في محور x يثبت الإحداثي السيني ويغير إشارة الإحداثي الصادي [1]. . درجات

صواب ☐ خطأ ☐

8. صواب أم خطأ: كل نقطة متساوية البعد عن A و B هي منتصف القطعة AB . [1 درجات]

صواب ☐ خطأ ☐

9. على خط الأعداد $A=2$ و $B=8$ أوجد النقطة P التي تقسم AB خارجيا بنسبة $AP:PB=3:1$ ، وتحقق من النسبة [3]. . درجات

10. إذا كانت $P(x, 2)$ متساوية البعد عن $A(-1, 0)$ و $B(5, 4)$ ، فأوجد x . [3 درجات]

11. تقسم P القطعة $A(-2, 1)B(8, 6)$ داخليا بنسبة $AP:PB=3:2$. أوجد P . [3 درجات]

12. النقطة B هي صورة $A(-3, 4)$ بالتمائل المركزي حول $M(2, -1)$. أوجد B وتحقق من المنتصف [3 درجات].

التحدي والمراجعة

1. اشتق صيغة نقطة P التي تقسم $A(x_1, y_1)B(x_2, y_2)$ داخليا بنسبة $AP:PB=m:n$ باستعمال المتجهات.

2. أوجد مركز الدائرة المارة بالنقاط $A(0,0)$ و $B(6,0)$ و $C(2,4)$ من تساوي المسافات.

3. اكتشف الخطأ: استخدم طالب مقام $m+n$ في صيغة التقسيم الخارجي. فسر لماذا يلزم الفرق $m-n$ ، واذكر شرط $m \neq n$.

خطة المتابعة

الانعكاس، مربع المسافة، وصيغتي التقسيم الداخلي والخارجي، ثم أعد الأسئلة 6-2 و 12-9 إذا كانت 14 أو أكثر: انتقل إلى تحدي الوحدة الإلكتروني.
إذا كانت الدرجة أقل من 14/20: راجع إشارات