

## مبرهنة ذات الحدين ومبرهنة متعددة الحدود

ورقة شرح وتدريب قابلة للطباعة

الفصل 1 | الوحدة 1 | صفحات الكتاب 3-9 | زمن مقترح: 50 دقيقة | الدرجة: 20



التاريخ: \_\_\_\_\_ الفصل: \_\_\_\_\_ الاسم: \_\_\_\_\_

## أهداف التعلم

- يشرح الطالب «معامل ذات الحدين» ويطبقه مع الشروط والتبرير.
- يشرح الطالب «الحد العام في مفكوك ذات الحدين» ويطبقه مع الشروط والتبرير.
- يشرح الطالب «معامل متعددة الحدود» ويطبقه مع الشروط والتبرير.

## ملخص سريع

|                                |                                                                                      |
|--------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------|
| معامل ذات الحدين               | يمثل $C(n,r)$ عدد طرق اختيار $r$ عناصر من $n$ ، ويعطي معامل الحد الموافق في المفكوك. |
| الحد العام في مفكوك ذات الحدين | حدود $(a+b)^n$ تأخذ الصورة $C(n,r)a^{n-r}b^r$ حيث $r$ يبدأ من صفر.                   |
| معامل متعددة الحدود            | معامل $a^p b^q c^r$ في $(a+b+c)^n$ هو $n!/(p!q!r!)$ متى كان $p+q+r=n$ .              |

## مثال محلول

أوجد معامل  $x^3$  في مفكوك  $(x+4)^4$ . الحل الموجه: الحد الموافق هو  $C(4,3) \cdot x^3 \cdot 4^1$ ؛ إذن المعامل  $C(4,3) \cdot 4^1 = 16$ .

## التدريب المتقدم

أجب من دون الرجوع إلى الحل. أظهر خطواتك في أسئلة الاستجابة القصيرة.

1. أوجد معامل  $x^3$  في مفكوك 1.  $(x + 4)^4$  درجات]

أ 256

ب 20

ج 16

د 12

2. أوجد معامل  $x^2$  في مفكوك 1.  $(x + 4)^5$  درجات]

أ 640

ب 160

ج 644

د 636

3. أوجد معامل  $x^1$  في مفكوك 1.  $(x + 2)^6$  درجات]

أ 12

ب 194

ج 192

د 190

4. أوجد معامل  $x^3$  في مفكوك 1.  $(x + 2)^5$  درجات]

أ 40

ب 80

ج 42

د 38

5. أوجد معامل  $x^1$  في مفكوك 1.  $(x + 2)^8$  درجات]

أ 16

ب 1026

ج 1024

د 1022

6. أوجد معامل  $x^1$  في مفكوك 1.  $(x + 3)^8$  درجات]

أ 17496

ب 24

ج 17499

د 17493

7. صواب أم خطأ: يمثل  $C(n, r)$  عدد طرق اختيار  $r$  عناصر من  $n$ ، ويعطي معامل الحد الموافق في المفكوك 1. . درجات]

☐ صواب ☐ خطأ

8. صواب أم خطأ: جعل أسي  $a$  و  $b$  كلاهما 1.  $r$  درجات]

☐ صواب ☐ خطأ

9. أوجد معامل  $x^3$  في مفكوك  $(x + 2)^7$ . اكتب طريقة كاملة ومبررة 3. . درجات]

10. أوجد معامل  $x^3$  في مفكوك  $(x + 4)^6$  اكتب طريقة كاملة ومبررة [3] . درجات]

---

11. أوجد معامل  $x^3$  في مفكوك  $(x + 5)^4$  اكتب طريقة كاملة ومبررة [3] . درجات]

---

12. أوجد معامل  $x^2$  في مفكوك  $(x + 5)^5$  اكتب طريقة كاملة ومبررة [3] . درجات]

---

## التحدي والمراجعة

1. اكتب قاعدة عامة تحدد معامل  $x^k$  في  $(x+a)^n$ ، ثم اشرح معنى كل رمز.

2. كون مسألة من اختيارك عن مجموع المعاملات، ثم حلها بطريقتين.

3. اكتشف الخطأ: كتب طالب  $C(7,2)=7^2$  فسر الخطأ وأعط القيمة الصحيحة.

### خطة المتابعة

كانت الدرجة أقل من 14/20: راجع الحد العام ومعامل ذات الحدين، ثم أعد الأسئلة 1-4 و 9 إذا كانت 14 أو أكثر: انتقل إلى تحدي الوحدة الإلكتروني.  
إذا